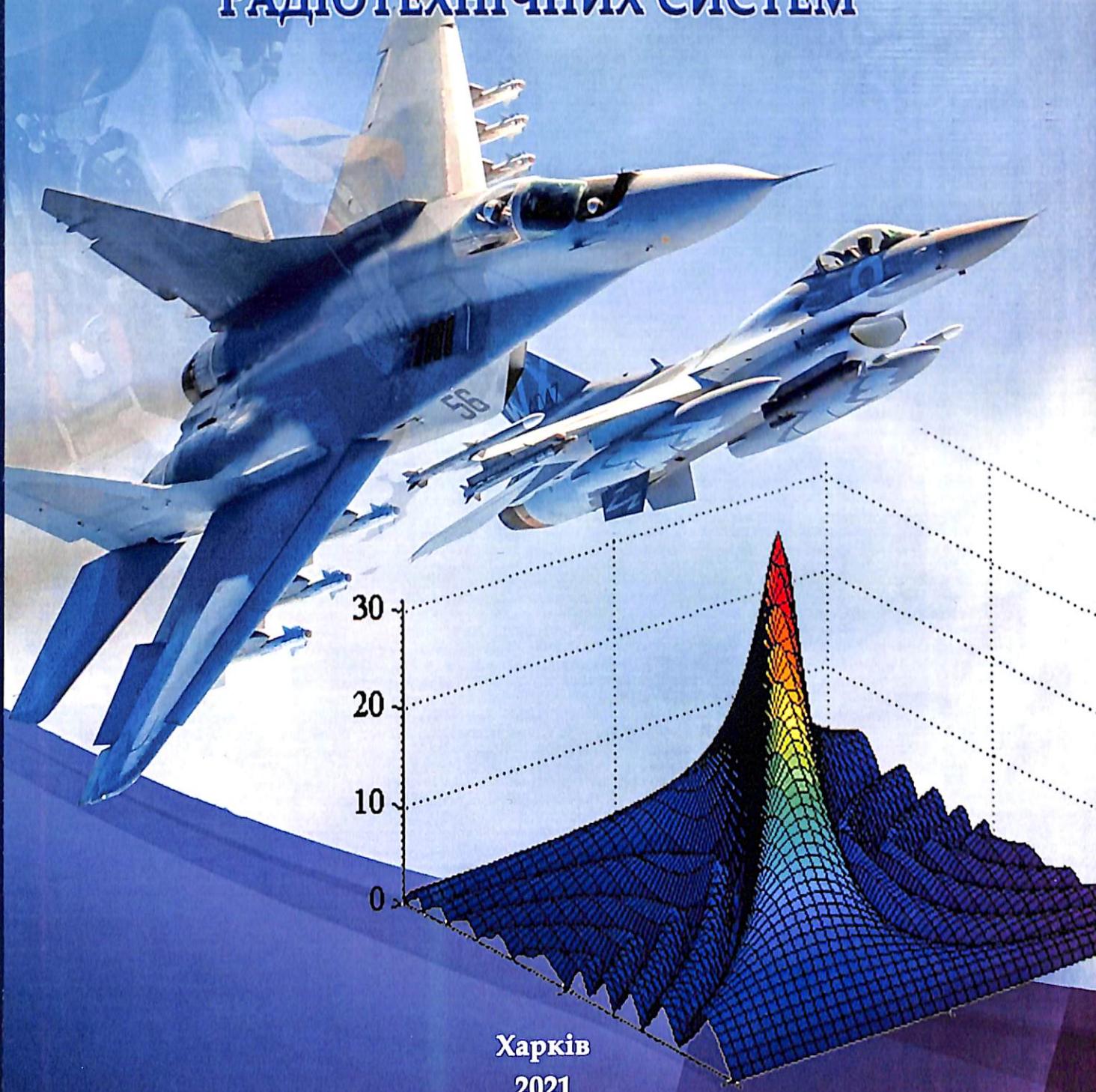


СЛСЗ96  
КЧВ

МІНІСТЕРСТВО ОБОРОНИ УКРАЇНИ  
ХАРКІВСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ  
ПОВІТРЯНИХ СІЛ імені ІВАНА КОЖЕДУБА

# ОСНОВИ СТАТИСТИЧНОЇ ТЕОРІЇ ІНФОРМАЦІЙНО-ВИМІРЮВАЛЬНИХ РАДІОТЕХНІЧНИХ СИСТЕМ



Харків

2021

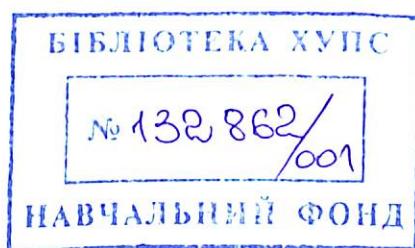
621 згс  
КЧС

МІНІСТЕРСТВО ОБОРОНИ УКРАЇНИ  
ХАРКІВСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ  
ПОВІТРЯНИХ СИЛ імені ІВАНА КОЖЕДУБА

П. Ю. Костенко, С. Я. Фалькович

ОСНОВИ СТАТИСТИЧНОЇ ТЕОРІЇ  
ІНФОРМАЦІЙНО-ВИМІРЮВАЛЬНИХ  
РАДІОТЕХНІЧНИХ СИСТЕМ

Підручник



A149696

Харків  
2021

УДК 621.391.83 (075.8)  
K72.

Затверджено до видання вченого  
работою Харківського національного  
університету Повітряних Сил імені  
Івана Кожедуба як піоручник  
(протокол № 15 від 17.09.2019 р.)

*Рецензенти:* К. С. Васюта, доктор техн. наук, професор (ХНУПС);  
М. А. Навленко, доктор техн. наук, професор (ХНУПС);  
В. В. Навликов, доктор техн. наук, старший науковий  
співробітник (НАУ ім. М. С. Жуковського).

### Костенко П. Ю.

K72 Основи статистичної теорії інформаційно-вимірювальних  
радіотехнічних систем : підручник / П. Ю. Костенко, С. Я. Фалькович.  
– Х. : ХНУПС. – 2021. – 612 с.

ISBN 978-966-468-099-5

Наведені моделі детермінованих сигналів і випадкових процесів. З єдиних статистичних позицій викладені теоретичні основи розрізнення, виявлення, розділення сигналів та оцінки їх параметрів. Розглянуто питання фільтрації процесів та просторово-часової обробки сигналів. Викладено елементи теорії хаотичної динаміки й фракталів і пов'язані з ними основні поняття про хаотичні, детерміновані та випадкові самоподібні процеси, а також можливості їх застосування в інформаційно-вимірювальних системах для вирішення задач оцінки скритності хаотичних сигналів та її підвищення. Розглянуті питання виявлення й класифікація хаотичних процесів зі структурованими атракторами, а також можливості конструювання хаотичних процесів з неструктурзованими атракторами. Викладений підхід до використання непараметричної *BDS*-статистики для вирішення задач виявлення сигналів та оцінки їх параметрів в умовах дефіциту апріорної інформації про ймовірністні розподіли завад, що впливають на спостереження сигналів.

Призначений для курсантів та студентів вузів радіотехнічного профілю. Може бути корисним ад'юнктам, аспірантам, розроблювачам радіоелектронної апаратури, інженерам і науковцям, які спеціалізуються в галузі локації, навігації й зв'язку.

УДК 621.391.83 (075.8)

© Костенко П. Ю., Фалькович С. Я., 2021  
© Харківський національний університет  
Повітряних Сил імені Івана Кожедуба, 2021

ISBN 978-966-468-099-5

# ЗМІСТ

ПЕРЕЛІК СКОРОЧЕНЬ, ПОЗНАЧЕНЬ І СИМВОЛІВ ОПЕРАЦІЙ .....	9
ПЕРЕДМОВА .....	13
Розділ 1. ЗАГАЛЬНІ ВІДОМОСТІ ПРО РАДІОТЕХНІЧНІ СИСТЕМИ .....	16
1.1. Основні визначення .....	16
1.2. Структурні схеми радіотехнічних систем .....	17
1.3. Задачі статистичної теорії радіотехнічних систем .....	20
1.4. Основні відомості про радіолокаційні та радіонавігаційні РТС .....	21
1.4.1. Фізичні основи виявлення і визначення місцеположення об'єктів .....	24
1.4.2. Методи визначення місцеположення об'єктів .....	27
1.4.3. Основні тактико-технічні характеристики РЛС і РНС .....	34
Розділ 2. МОДЕЛІ ДЕТЕРМІНОВАНИХ СИГНАЛІВ .....	43
2.1. Класифікація моделей сигналів .....	43
2.2. Спектральне представлення сигналів .....	44
2.3. Дельта-функція .....	51
2.4. Аналітичний сигнал .....	55
2.5. Лінійні інваріантні за часом системи .....	60
2.6. Часова дискретизація сигналів .....	63
2.6.1. Теорема Котельникова .....	63
2.6.2. Властивості функцій відліку .....	66
2.6.3. Наслідок теореми Котельникова .....	68
2.6.4. Практичні питання часової дискретизації .....	69
2.6.5. Часова дискретизація вузькосмугових сигналів .....	71
2.7. Геометричне представлення сигналів (елементи функціонального аналізу) .....	72
2.8. Квантування повідомлень .....	77
2.9. Радіосигнали зв'язкового типу .....	79
2.9.1. Неперервні сигнали .....	79
2.9.2. Дискретні радіосигнали. Імпульсні аналогові сигнали .....	81
2.9.3. Цифрові радіосигнали .....	84
2.10. Радіосигнали вимірювального типу .....	88
Питання і завдання для самоконтролю .....	91
Розділ 3. МОДЕЛІ ВИПАДКОВИХ СИГНАЛІВ .....	92
3.1. Загальні відомості .....	92
3.2. Основні характеристики випадкових процесів .....	98
3.3. Гауссівські випадкові процеси .....	100
3.4. Стационарні випадкові процеси .....	102
3.5. Спектральне представлення стационарних випадкових процесів .....	111

3.6. Математична модель завади.....	118
3.7. Функція правдоподібності .....	125
Питання і завдання для самоконтролю.....	128
<b>Розділ 4. РОЗРІЗНЕННЯ СИГНАЛІВ.....</b>	<b>130</b>
4.1. Статистична теорія рішень.....	130
4.2. Загальне розв'язання задачі оптимального розрізнення двох сигналів .....	132
4.3. Розрізнення двох цілком відомих сигналів .....	137
4.4. Схемні методи формування кореляційного інтеграла.....	141
4.4.1. Метод кореляції .....	142
4.4.2. Метод оптимальної фільтрації .....	142
4.4.3. Проходження сигналу і завади через ОФ.....	146
4.4.4. Частотна характеристика ОФ .....	150
4.5. Розрахунок показників якості оптимальної системи простого розрізнення двох сигналів.....	151
4.5.1. Розрізнення нульового і ненульового сигналів .....	151
4.5.2. Розрізнення двох сигналів з одинаковими енергіями .....	156
4.5.3. Загальний випадок розрізнення двох цілком відомих сигналів $s_1$ і $s_2$ .....	158
4.5.4. Обговорення результатів розрахунку і висновки .....	159
4.6. Розрізнення двох сигналів із невідомою початковою фазою .....	163
4.6.1. Обговорення задачі розрізнення двох сигналів із невідомою початковою фазою.....	163
4.6.2. Усунення випадкової фази з функції правдоподібності .....	164
4.6.3. Розрізнення нульового і ненульового сигналів з випадковою початковою фазою.....	167
4.6.4. Розрізнення сигналів з випадковою початковою фазою та одинаковими енергіями ( $E_1 = E_2 = E$ ) .....	168
4.7. Схемні методи формування модульного значення комплексного кореляційного інтеграла .....	169
4.7.1. Метод комплексної кореляції.....	169
4.7.2. Метод оптимальної фільтрації сигналів з невідомою фазою..	171
4.8. Розрахунок показників якості оптимальної системи розрізнення двох сигналів із випадковою початковою фазою.....	174
4.8.1. Показники якості розрізнення нульового і ненульового сигналів .....	175
4.8.2. Розрізнення ортогональних сигналів з одинаковими енергіями.....	179

4.8.3. Обговорення результатів розрахунку розрізnenня двох сигналів з випадковою початковою фазою і висновки.....	183
4.9. Розрізnenня двох сигналів із невідомими початковими фазами та інтенсивностями.....	185
4.10. Розрізnenня $M$ сигналів.....	188
4.10.1 Недолік сигналів КІМ .....	188
4.10.2. Фазоманіпульовані шумоподібні сигнали .....	190
4.10.3. Оптимальні алгоритми розрізnenня $M$ сигналів.....	196
4.10.4. Розрахунки якості оптимальної системи розрізnenня $M$ сигналів .....	202
4.10.5. Порівняння сигналів КІМ із ФМШС .....	205
Питання і завдання для самоконтролю .....	207
<b>Роздiл 5. ВИЯВЛЕННЯ І РОЗДIЛЕННЯ СИГНАЛІВ.....</b>	<b>210</b>
5.1. Математичні моделі радiолокацiйної задачi.....	210
5.2. Загальне розв'язання задачi виявлення.....	213
5.3. Виявлення цiлком вiдомого сигналу .....	216
5.4. Виявлення сигналiв iз невiдомими початковою фазою та iнтенсивнiстю .....	221
5.5. Виявлення послiдовностi импульсiв .....	229
5.5.1. Виявлення когерентної "пачки" импульсiв .....	230
5.5.2. Виявлення некогерентної флюктууюальної "пачки" импульсiв.....	232
5.6. Виявлення на фонi загальнiй гауссiвської завади .....	234
5.6.1. Виявлення цiлком вiдомого сигналу.....	234
5.6.2. Виявлення сигналu з невiдомою початковою фазою .....	237
5.7. Оптимальна обробка радiолокацiйних сигналiв .....	239
5.7.1. Вимiрювання часу затримки $\tau$ .....	239
5.7.2. Спiльне вимiрювання часу затримки i доплерiвського зсуву частоти .....	242
5.8. Роздiльна здатнiсть за дальностю. Вибiр форми радiолокацiйних сигналiв .....	244
5.9. Складнi радiолокацiйнi сигнали .....	248
5.9.1. Радiоимпульси з лiнiйною частотною модуляцiєю .....	248
5.9.2. Фазоманiпульованi радiоимпульси .....	250
5.9.3. Неперервнi фазоманiпульованi шумоподiбнi сигнали .....	253
5.9.4. Механiзм роздiлення складних сигналiв .....	254
5.10. Спiльна роздiльна здатнiсть за часом i частотою .....	256
5.10.1. Функцiя невизначеностi за часом та частотою .....	256
5.10.2. Функцiя невизначеностi простого радiоимпульсу .....	261

5.10.3. Функція невизначеності ЛЧМ радіоімпульсу .....	262
5.10.4. Функція невизначеності ФМ радіоімпульсу .....	263
Питання і завдання для самоконтролю .....	265
<b>Розділ 6. ОЦІНЮВАННЯ ПАРАМЕТРІВ СИГНАЛУ .....</b>	<b>267</b>
6.1. Формулювання й обговорення задачі .....	267
6.2. Показники якості оцінок .....	268
6.3. Загальна статистична теорія рішень .....	271
6.4. Визначення оптимального алгоритму оцінювання .....	274
6.5. Теоретично гранична точність вимірювань .....	279
6.6. Умова надійних вимірювань .....	288
6.7. Схемна реалізація оптимальних вимірювачів .....	295
6.8. Практичні приклади визначення оптимальних вимірювачів і розрахунку їхніх показників якості .....	298
6.8.1. Вимірювання амплітуди сигналу .....	299
6.8.2. Вимірювання фази сигналу .....	300
6.8.3. Спільне оцінювання амплітуди і фази сигналу .....	301
6.8.4. Оцінювання частоти сигналу при невідомій фазі .....	303
6.8.5. Оцінювання часу затримки сигналу з невідомою початковою фазою .....	307
6.8.6. Спільне оцінювання часу затримки і доплерівської частоти сигналу з невідомою початковою фазою .....	310
Питання і завдання для самоконтролю .....	316
<b>Розділ 7. ФІЛЬТРАЦІЯ ПРОЦЕСІВ .....</b>	<b>317</b>
7.1. Загальні відомості .....	317
7.2. Моделі повідомлень на основі стохастичних диференціальних рівнянь першого порядку .....	320
7.3. Моделі повідомлень на основі стохастичних диференціальних рівнянь вищих порядків .....	325
7.4. Часова дискретизація рівнянь спостереження і повідомлення .....	330
7.5. Загальне розв'язання задачі фільтрації в дискретному часі .....	334
7.6. Лінійна фільтрація в дискретному часі. Дискретний фільтр Калмана .....	337
7.7. Лінійна фільтрація в неперервному часі. Аналоговий фільтр Калмана .....	346
7.8. Нелінійна фільтрація (лінійне наближення) .....	358
7.8.1. Розширеній фільтр Калмана .....	358
7.8.2. Векторно-матричне рівняння розширеного фільтра Калмана .....	361
7.9. Порівняння оптимальних і квазіоптимальних систем демодуляції анalogових сигналів .....	369

7.10. Фільтр Вінера .....	374
Питання і завдання для самоконтролю.....	381
<b>Розділ 8. ПРОСТОРОВО-ЧАСОВА ОБРОБКА СИГНАЛІВ .....</b>	<b>382</b>
8.1. Обговорення задачі її вихідні співвідношення .....	382
8.2. Модель просторово-часового радіосигналу вимірювального типу ....	390
8.3. Геогетичні граничні показники якості вимірювальних РТС.....	396
8.4. Структура оптимальної оглядової системи пеленгування.....	401
8.5. Адаптивні антенні решітки .....	406
8.6. Радіотехнічні системи із синтезуванням апертури антени .....	414
Питання і завдання для самоконтролю .....	424
<b>Розділ 9. МЕТОДИ ХАОТИЧНОЇ ДИНАМІКІ В ІНФОРМАЦІЙНО-ВИМІРЮВАЛЬНИХ РТС .....</b>	<b>426</b>
9.1. Динамічні системи .....	427
9.2. Характеристики хаотичного руху (коливання).....	434
9.3. Фрактальна розмірність дивних атракторів .....	438
9.4. Елементи теорії дискретних динамічних систем .....	442
9.5. Імовірнісний опис нелінійних динамічних систем .....	449
9.6. Самоподібні (фрактальні) детерміновані й випадкові процеси .....	457
9.7. Методи оптимального оцінювання хаотичних процесів та їх параметрів.....	478
9.8. Оцінювання структурної скритності хаотичних сигналів .....	489
9.9. Виявлення й класифікація хаотичних процесів зі структурованими атракторами .....	498
9.9.1. Аналіз процесів у псевдофазовом просторі .....	498
9.9.2. Виявлення процесів із використанням <i>BDS</i> -статистики.....	503
9.9.3. Сурогатні дані. <i>ATS</i> -алгоритм формування сурогатних сигналів для емпіричного оцінювання відношення правдоподібності.....	516
9.9.4. Непараметричний <i>BDS</i> -виявник сигналу зі структурованим атрактором і невідомою щільністю розподілу його значень за наявності білого шуму .....	523
9.9.5. Порівняльний аналіз ефективності енергетичного та <i>BDS</i> -виявника сигналів.....	526
9.9.6. Використання <i>BDS</i> -статистик для оцінювання параметрів хаотичних відображенів і регулярних сигналів за наявності шуму .....	531
9.9.7. Розділення-виявлення хаотичних зондувальних сигналів .....	544
9.10. Методи формування сигналів з ускладненою структурою атракторів .....	557

9.10.1. Підвищення скритності сигналів на основі ускладнення атрактора хаотичного процесу з використанням лінійних перетворень .....	557
9.10.2. Метод формування сигналів хаотичним перемішуванням породжувального процесу. Передача бінарних повідомлень .....	567
9.10.3. Оцінювання скритності <i>CPSK</i> сигналу з використанням <i>BDS</i> -статистик .....	572
9.11. Конструювання хаотичних послідовностей з характеристиками, близькими до білого шуму .....	575
9.11.1. Скритність аналітичних хаотичних сигналів .....	575
9.11.2. Метод підвищення скритності хаотичних сигналів і передача їх по радіоканалу .....	583
<b>ПІСЛЯМОВА .....</b>	<b>597</b>
<b>ДОДАТОК .....</b>	<b>599</b>
<b>ЛІТЕРАТУРА .....</b>	<b>603</b>
<b>ПРЕДМЕТНИЙ ПОКАЖЧИК .....</b>	<b>608</b>

## ПЕРЕДМОВА

Стрімке впровадження статистичних методів в усі галузі радіотехніки й електроніки привело до введення в підручники і навчальні посібники з радіонавігації, радіолокації та систем радіозв'язку відомостей зі статистичної теорії й відповідних методів в обсязі, необхідному для сучасного викладу предмета. Водночас виникла доцільність у викладанні самостійних курсів з основ статистичної теорії радіоелектронних систем, на якій базуються сучасні радіотехнічні системи. Такі курси з різними назвами були поставлені в ряді вищих навчальних закладів. Так, 2005 року у Харківському аерокосмічному університеті "ХАІ" був виданий навчальний посібник "Основы статистической теории радиотехнических систем". Пропонований підручник написаний на основі цього посібника з урахуванням сучасних вимог до радіотехнічних систем та досягнень у хаотичній динаміці.

Призначенням підручника є формування єдиної теоретичної бази для спеціальних курсів радіотехнічних факультетів вищих навчальних закладів: радіотехнічні системи (РТС) передачі інформації (ПІ), радіолокація і радіонавігація, радіотелеуправління, передипломні спецкурси та ін. З єдиних позицій статистичної теорії рішень, яку широко використовують у різних галузях науки і техніки, розглянуті аналіз та синтез РТС різного призначення, установлені характерні для них загальні закономірності й виведені основні співвідношення.

Привабливість статистичної теорії рішень полягає в тому, що вона дозволяє без усіяких упереджених ідей визначати оптимальні за вибраним критерієм якості алгоритми (відповідно до структури) радіосистем. Статистична теорія дозволяє також визначати теоретично граничні показники якості систем. Це, зокрема, дає можливість судити про ступінь досконалості конкретних практичних систем за допомогою аналізу показників якості й порівняння їх із теоретично граничними. Автори підручника прагнули до того, щоб при вивчені матеріалу видання читач не тільки усвідомив основні закономірності, але й опанував сучасні ймовірнісно-інформаційні методи аналізу і синтезу радіосистем настільки, щоб ці методи стали робочим інструментом при вивчені наступних курсів та при подальшій практичній діяльності.

Підручник складається з дев'яти розділів. Перший розділ містить у собі класифікацію РТС, їх структурні схеми, постановку задач статистичної теорії РТС. Також у цьому розділі наведені основні відомості про радіолокаційні й радіонавігаційні РТС.

Другий і третій розділи присвячені математичним моделям сигналів та завад. У них наведено основні характеристики і співвідношення, використовувані при подальшому викладі матеріалу; введено визначення функціонала щільності ймовірності завади, спостереження (коливання, що надходить на вхід радіоприймального пристрою) і функції правдоподібності.

У четвертому розділі "Розрізнення сигналів" розглянуто теорію прийому цифрових сигналів РТС ПІ, зокрема сигналів із кодово-імпульсною модуляцією та сигналів із псевдовипадковою фазовою манипуляцією.

Виявленню і розділенню радіолокаційних сигналів присвячений п'ятий розділ. У цьому розділі викладено традиційну небасівську оптимізацію виявлення; визначено характеристики виявлення та порогів сигналів; введено і детально розглянуто функції невизначеності за часом та частотою різних сигналів, що дають якісну (за критерієм Релея) оцінку роздільній здатності.

Шостий розділ присвячений вимірюванню незмінюваних у часі параметрів сигналу. Він охоплює вимірювання параметрів розташування і руху об'єктів на порівняно коротких інтервалах спостереження в радіолокації та радіонавігації, а також прийом дискретизованих за часом повідомлень у РТС ПІ, зокрема, імпульсних сигналів з амплітудною, широтною і часовою модуляціями.

У сьомому розділі розглянуто фільтрацію повідомлень (змінюваних у часі параметрів сигналу). Теорія, що викладена в пропонованому розділі, стосується аналогових сигналів РТС ПІ, а також дискретних сигналів РТС ПІ та РТС витягання інформації на порівняно великих інтервалах спостереження. Основну увагу приділено дискретному і аналоговому фільтрам Калмана. Результати, отримані для лінійної фільтрації, поширені на нелінійну фільтрацію сильних сигналів. Оптимальні системи фільтрації АМ та ЧМ сигналів порівнюються з традиційними системами прийому, які використовують детектори АМ і ЧМ сигналів.

У восьмому розділі "Просторово-часова обробка сигналів" автори звертають увагу на те, що первинним джерелом інформації є не коливання (напруга) на вході радіоприймального пристрою, а електромагнітне поле на розкриві приймальної антени. Також у розділі розглянуто можливості, пов'язані з використанням поряд із часовою просторовою обробкою сигналів (спостережень), вимірюваних кутових координат та розділення за ними сигналів і завад; викладено теорію РТС дистанційного зондування Землі із синтезуванням апертури антени та основні співвідношення в цих системах.

Дев'ятий розділ присвячений застосуванню методів і алгоритмів хаотичної динаміки в інформаційно-вимірювальних РТС. Мета розділу – привернути увагу читачів до нового та перспективного напрямку в обробці й

передачі сигналів, який отримав інтенсивний розвиток в останні роки. У розділі викладені основні питання хаотичної динаміки загального характеру, а також моделі хаотичних і самоподібних процесів, якими можуть описуватися реальні сигнали та завади: розглянуті деякі питання оптимальної обробки таких процесів й можливості побудови раціотехнічних систем, в основі функціонування яких суттєво використовуються досягнення хаотичної динаміки; проведено аналіз скрипності хаотичного процесу як часу, потрібного для отримання його параметра з відповідною точністю, що дозволить відновити процес на заданому часовому інтервалі. Крім того, розглянуто скритність хаотичного процесу з точки зору його схожості з білим шумом у відповідному фазовому просторі сигналу, досліджено задачі виявлення та оцінки параметрів сигналів за допомогою непараметричної статистики, яка спирається на поняття фазового простору відповідного сигналу, а також розділення хаотичних сигналів із невідомим часом їх взаємної затримки.

